

Falsification of Hybrid Programs

PROJETO EM MÉTODOS FORMAIS
DE PROGRAMAÇÃO

Grupo:

João Duarte (PG60110)

Luís Silva (PG60279)

Tema

O que são?

Sistemas que combinam eventos discretos (saltos lógicos) com dinâmica contínua (evolução no tempo).

O problema:

A complexidade destes sistemas torna a verificação exaustiva impraticável em muitos cenários "black-box".

A solução:

Em vez de provar que o sistema está sempre certo, procuramos ativamente por um contra-exemplo que prove que ele falha.

Sistema de Condução Autónoma: ACC

Adaptive Cruise Control (ACC):

Evolução onde o veículo ajusta a velocidade com base na distância ao carro líder.

```
p := 0 ; v := 0 ; pl := 50 ; vl := 10 ;  
while tt {  
  if safe(p,v,pl,vl)  
  then p' = v, v' = 2, pl' = vl, vl' = 0 for 1  
  else p' = v, v' = -2, pl' = vl, vl' = 0 for 1  
}
```

Figura 1 - Exemplo de um programa de ACC

Neves, R., Proença, J., & Souza, J. (n.d.). An Adequate While-Language for Stochastic Hybrid Computation. Retrieved March 18, 2026, from <https://imf.di.uminho.pt/lbex/neves25b.pdf>

Propriedades de Segurança

Definição: Segurança (Safety) garante que "algo de mau nunca acontece".

Lógica Temporal (LTL): Usamos o operador G (Globalmente) para definir estados seguros.

Exemplo no ACC:

- $G(pl > pf)$: O líder deve estar sempre à frente do seguidor.

Método 1: Amostragem Aleatória (Random Sampling)

Conceito: Sequência temporal de perturbações externas que afetam o sistema, designadas **trajetórias de distúrbio**.

- A posição do líder e do seguidor pode variar, alterando a distância entre ambos;
- O líder pode assumir velocidades diferentes em cada unidade de tempo;
- Se o seguidor mantém apenas uma distância segura fixa para com o líder, uma travagem súbita deste pode levar à colisão.

Papel no Projeto: Servir como baseline (ponto de comparação).

Limitação: É ineficiente para encontrar falhas "raras" em sistemas muito robustos.

Método 2: Funções de Custo e Minimização

A Abordagem Quantitativa: Medir "o quanto" o sistema satisfaz a especificação.

Métrica de Miss Distance:

$$c(x) = \min t (pl(t) - pf(t))$$

Minimização (Hill Climbing): O algoritmo atua como um "adversário", tentando minimizar o custo até que $c(x) \leq 0$ (falsificação).

Roadmap do Projeto

1º Mês	2º Mês	3º Mês
Estudo aprofundado de métodos de falsificação.	Implementação dos algoritmos no motor de simulação e aplicação direta ao caso do ACC.	Generalização para outros problemas e exploração de outras propriedades.